

MAQUINA DE APRENDIZAJE Y META-INTERPRETACION PROLOG

Lopes de Siqueira Neto José

Universidade Federal de Minas de Gerais UFMG - Brasil

Correo electrónico: jose@ufmg.br

PROLOG, BREVE HISTORIA DEL LENGUAJE

- Prolog es la abreviación de Programación Lógica
- Prolog es un lenguaje de uso general basada en lógica de primer orden, utilizado en sistemas de Inteligencia Artificial
- El primer intérprete de Prolog fue desarrollado en 1972 por Alain Colmerauer y Philippe Roussel en Marsella, Francia.
- Objetivo: emplear Prolog para investigación en lingüística computacional
- Primer contacto con Prolog: CTI, Campiñas, 1983
- Fue un amor a primera vista
- Sistema de interpretación simbólica en Prolog

```
d(KW) :- number(K), d(U,X,W).
d(U=V,X,B=U+A*V) :- d(U,X,A), d(V,X,B).
d(U/V,X,W) :- d(U*V^(-1),X,W).
d(U,X,V=W*U^(V+(-1))) :- number(V), d(U,X,W).
d(U,X,Z=log(U)*U+V*W*U^V+(-1))) :- d(U,X,W), d(V,X,Z).
d(log(T),X,R=T^(-1)) :- d(T,X,R).
d(exp(T),X,R=exp(T)) :- d(T,X,R).
d(sin(T),X,R=cos(T)) :- d(T,X,R).
d(cos(T),X,-R=sin(T)) :- d(T,X,R).
d(tan(T),X,W) :- d(sin(T)/cos(T),X,W).
```

- Con aplicación en generación de modelos dinámicos de robots de hasta 6 grados de libertad.
- Problema: ¿Como multiplicar matrices recursivamente?
- Algoritmo procedimental:

```
int main(){
    int i,j,k;
    int A[K][L],B[L][M],C[K][M];

    for(i=0;i<K;i++){
        for(j=0;j<L;j++){
            for(k=0;k<M;k++){
                C[i][k] += A[i][k]*b[k][j]
            }
        }
    }
    return 0;
}
```

- La salvación: Lógica de combinadores de John Backus
- Mi mentor: Prof. Antonio Eduardo Costa, de la UFU
- En lógica de combinadores, no se permite una multiplicación de matrices recursivamente, como la derivada parcial de matrices.

CARACTERÍSTICAS GENERALES

- Programación declarativa (el qué) x programación procedimental (el qué y cómo).
- Programación relacional.
- Reversibilidad de entrada y salida en programas
- Programación simbólica: no existen tipos en Prolog.
- Meta interpretación: programas Prolog pueden ser datos de otros programas Prolog.
- Variables lógicas: se lee un programa Prolog como un texto de matemática
- No existe atribuciones en Prolog.
- Fin del absurdo: $x=x+1 \rightarrow x=x+1 \rightarrow 0=1?$

- Prolog trae dos mecanismos poderosos embutidos:
 - ✓ Backtracking (vuelta al último punto escogido)
 - ✓ Unificación (igualdad sintáctica de términos)
- El backtracking permite emular programación no determinística
- La unificación permite la utilización de variables lógicas en sustitución de variables por términos del lenguaje.

DOS EJEMPLOS DE PROGRAMAS PROLOG:

```

permuta1([], []).
permuta1(L, [X|Perm]) :-
    delete(X, L, LsemX),
    permuta1(LsemX, Perm).

delete(X, [X|L], L).
delete(X, [Y|L], [Y|LsemX]) :-
    delete(X, L, LsemX).

permuta2([], []).
permuta2([X|L], Perm) :-
    permuta2(L, LPerm),
    insere(X, LPerm, Perm).

insere(X, L, [X|L]).
insere(X, [Y|L], [Y|LcomX]) :-
    insere(X, L, LcomX).

```

EJECUCIÓN DE 2 PROGRAMAS PROLOG:

```

| ?- permuta1([1,2,3],P).      | ?- permuta2([1,2,3],P).
P = [1,2,3] ? a               P = [1,2,3] ? a
P = [1,3,2]
P = [2,1,3]
P = [2,3,1]
P = [3,1,2]
P = [3,2,1]
no                             no

```

EJEMPLO DEL PARADIGMA DE GENERACIÓN Y PRUEBAS:

¿Cómo colocar N reinas en un tablero de ajedrez NxN sin que ninguna reina ataque las demás?

Ejemplo para N=4:

		1	
2			
			3
	4		

[2, 4, 1, 3]

2da solución para N=4:

	1		
			2
3			
		4	

[3, 1, 4, 2]

Programa Prolog para N reinas:

```
sol(L,Qs):- permute(L,Qs), safe(Qs).

safe([]).
safe([Q|Qs]):-
    nodiag(Q,Qs,1),
    safe(Qs).

nodiag(_,[],_).
nodiag(Q1,[Q2|Qs],N):-
    noatk(Q1,Q2,N), N1 is N + 1,
    nodiag(Q1,Qs,N1).

noatk(Q1,Q2,N):- Q1 > Q2, D is Q1 - Q2, D \= N.
noatk(Q1,Q2,N):- Q1 < Q2, D is Q2 - Q1, D \= N.
```

INEFICIENCIA DEL PROGRAMA PROLOG GENERACIÓN Y PRUEBAS

Problema: Un programa para Generación y Pruebas en Prolog, es extremadamente ineficiente.

- La razón: Una falla en una prueba, los términos involucrados en una prueba que falla, no son considerados en la próxima en la siguiente generación.
- El culpable: el mecanismo de backtracking cronológico de Prolog.
- Propuesta de solución general: investigacio-

nes en backtracking inteligente, en la década del 90.

- Más backtracking inteligente no es eficiente: regla 90/10.

PROPUESTA DE GENERACIÓN Y PRUEBA OPTIMIZADOS – GTO

Desarrollar un nuevo programa Prolog de Generación y Prueba más eficiente

Un programa desarrollado por GTO, incluye las pruebas durante la generación justo después del punto en que los términos involucrados en éstas pruebas se generan.

- En la ejecución del programa desarrollado, los siguientes términos solo serán generados si los anteriores hubieran pasado en todas la pruebas en las que estuvieron involucradas.
- Esto hace que el programa de generación y prueba sea mucho mas eficiente que el original.

META INTERPRETADOR PROLOG SIMPLE:

```
prove(true).
prove((A,B)):-
    prove(A),
    prove(B).
prove((A;B)):-
    prove(A)
    ;
    prove(B).
prove(A):-
    clause(A,B),
    prove(B).
```

INCLUSIONES NECESARIAS PARA LA EJECUCIÓN (BUILT-INS):

```
prove(A > B):- !,
    A > B.
prove(A < B):- !,
    A < B.
prove(A is B):- !,
    A is B.
prove(A =\= B):- !,
    A =\= B.
```

EJECUCIÓN DE META-INTERPRETACIÓN SIMPLE:

```
| ?- prove(sol([1,2,3,4],Qs)).
```

```
Qs = [2,4,1,3] ? ;
```

```
Qs = [3,1,4,2] ? ;
```

```
no
```

APRENDIZAJE SIMBÓLICO:

- Es una forma de inferencia
- Deductiva (EBG), es hecha a partir de pruebas.
- Inductiva (ILP), es hecha a partir de ejemplos.
- Necesidad de generalización y síntesis.
- Explanation-Based Generalization, Mitchel, 1986.
- EBG = Partial Evaluation, van Harmelen e Bundy, 1986.

GENERACIÓN Y PRUEBAS OPTIMIZADOS: EL ALGORITMO

- Entrada: un programa Prolog de generación y prueba ineficiente.
- Salida: un programa Prolog de generación y prueba equivalente, más eficiente.

Algoritmo:

- Meta-interpreta un programa original, sin ejecutarlo, con una entrada cualquiera.
- Una meta-interpretación recoge partes del árbol de ejecución generalizadas:
 - Las llamadas para el predicado de generación;
 - Todas las pruebas, sin ejecutarlos.
 - Desarrollar un nuevo programa a partir de los indicados arriba.
- Resultado: un nuevo programa desarrollado, que es más eficiente que el original.

EJEMPLO DESARROLLADO PARA LAS 4 REINAS:

```
perm4([],[]).
perm4(A,[B,C,D,E|J]):-
    del(B,A,F),
    del(C,F,G),
    noatk(B,C,1),
    del(D,G,H),
    noatk(B,D,2),
    noatk(C,D,1),
    del(E,H,I),
    noatk(B,E,3),
    noatk(C,E,2),
    noatk(D,E,1),
    perm4(I,J).
```

PROGRAMA DESARROLLADO PARA 8 REINAS (I):

```
perm8([], []).
perm8(A, [B, C, D, E, F, G, H, I | R]) :-
    del(B, A, J),
    del(C, J, K),
    noatk(B, C, 1),
    del(D, K, L),
    noatk(B, D, 2),
    noatk(C, D, 1),
    del(E, L, M),
    noatk(B, E, 3),
    noatk(C, E, 2),
    noatk(D, E, 1),
    del(F, M, N),
    noatk(B, F, 4),
    noatk(C, F, 3),
```

PROGRAMA DESARROLLADO PARA 8 REINAS (II):

```
noatk(D, F, 2),
noatk(E, F, 1),
del(G, N, 0),
noatk(B, G, 5),
noatk(C, G, 4),
noatk(D, G, 3),
noatk(E, G, 2),
noatk(F, G, 1),
del(H, 0, P),
noatk(B, H, 6),
noatk(C, H, 5),
noatk(D, H, 4),
noatk(E, H, 3),
noatk(F, H, 2),
noatk(G, H, 1),
```

PROGRAMA DESARROLLADO PARA 8 REINAS (III):

```
del(I, P, Q),
noatk(B, I, 7),
noatk(C, I, 6),
noatk(D, I, 5),
noatk(E, I, 4),
noatk(F, I, 3),
noatk(G, I, 2),
noatk(H, I, 1),
perm8(Q, R).
```

RESULTADOS PARA TODAS LAS SOLUCIONES PARA 4 REINAS:

Hardware de pruebas: CPU Intel Core I7 5500U
2.4 GHz (2 núcleos/4 hilos)

Tabela: Comparação para 4 rainhas

Rainhas	Tempo de chamadas	Original	Otimizado	Ganho	Ganho total
4	Tempo (ms)	0	0		
	delete	128	64	100%	
	noattack	93	87	7%	
	perm	83	5	1660%	97%
	soluções	2	2		

RESULTADOS PARA TODAS LAS SOLUCIONES PARA 8 REINAS:

Tabela: Comparação para 8 rainhas

Rainhas	Tempo de chamadas	Original	Otimizado	Ganho	Ganho total
8	Tempo (ms)	576	24	2.300%	
	delete	219.200	11.016	1.890%	
	noattack	352.635	32.916	971%	
	perm	149.920	185	80.938%	1.533%
	soluções	92	92	4.500%	

RESULTADOS PARA TODAS LAS SOLUCIONES PARA 9 REINAS:

Tabela: Comparação para 9 rainhas

Rainhas	Tempo de chamadas	Original	Otimizado	Ganho	Ganho total
9	Tempo (ms)	3.144	80	3.830%	
	delete	1.972.818	48.022	4.008%	
	noattack	3.626.406	165.969	2.085%	
	perm	149.920	705	191.289%	3.131%
	soluções	352	352	283%	

RESULTADOS PARA TODAS LAS SOLUCIONES PARA 8 REINAS:

Tabela: Comparação para 10 rainhas

Rainhas	Tempo de chamadas	Original	Otimizado	Ganho	Ganho total
10	Tempo (ms)	32.296	312	10.251%	
	delete	19.728.200	220.008	8.867%	
	noattack	40.755.519	809.658	4.934%	
	perm	13.492.900	1.449	931.087%	7.070%
	soluções	724	724	106%	

RESULTADOS PARA TODAS LAS SOLUCIONES PARA 11 REINAS:

Tabela: Comparação para 11 rainhas

Rainhas	Tempo de chamadas	Original	Otimizado	Ganho	Ganho total
11	Tempo (ms)	431.332	2.772	15.460%	
	delete	217.010.222	1.092.714	19.760%	
	noattack	498.146.763	4.462.782	11.062%	
	perm	148.421.911	5.361	80.938%	2.768.449%
	soluções	2.680	2.680	270%	

RESULTADOS PARA TODAS LAS SOLUCIONES PARA 12 REINAS (SOLO OPTIMIZADO)

Tabela: Comparação de 12 rainhas com 11 rainhas

Rainhas	Tempo de chamadas	Otimizado	Ganho	Ganho total
12	Tempo (ms)	14.188	411,8%	00:14,2
	delete	5.831.480	433,7%	
	noattack	26.573.097	495%	
	perm	28.401	430%	483%
	soluções	14.200	430%	

RESULTADOS PARA TODAS LAS SOLUCIONES PARA 13 REINAS (SOLO OPTIMIZADO)

Tabela: Comparação de 13 rainhas com 12 rainhas

Rainhas	Tempo de chamadas	Otimizado	Ganho	Ganho total
13	Tempo (ms)	87.444	5178%	00:14,2
	delete	5.831.480	465%	
	noattack	165.198.555	522%	
	perm	147.425	419%	511%
	soluções	73.712	419%	

RESULTADOS PARA TODAS LAS SOLUCIONES PARA 14 REINAS (SOLO OPTIMIZADO)

Tabela: Comparação de 14 rainhas com 13 rainhas

Rainhas	Tempo de chamadas	Otimizado	Ganho	Ganho total
14	Tempo (ms)	743.064	750%	12:23,1
	delete	198.561.008	503%	
	noattack	1.082.676.480	555%	
	perm	731.193	547%	483,2%
	soluções	365.596	396%	

RESULTADOS PARA LA PRIMERA SOLUCIÓN, PARA 15 REINAS (SOLO OPTIMIZADO)

Tabela: Tempo de execução e nº de chamadas para 15 rainhas

Rainhas	Tempo de chamadas	Otimizado	Ganho	Ganho total
15	Tempo (ms)	60	—	00:00,1
	delete	14.181	—	
	noattack	71.382	—	
	perm	2	—	
	soluções	1	—	

RESULTADOS PARA LA PRIMERA SOLUCIÓN, PARA 16 REINAS (SOLO OPTIMIZADO)

Tabela: Comparação de 16 rainhas com 15 rainhas

Rainhas	Tempo de chamadas	Otimizado	Ganho	Ganho total
16	Tempo (ms)	364	507%	00:00,4
	delete	105.818	646%	
	noattack	587.325	723%	710%
	perm	2	—	
	soluções	1	—	

es generar una regla más general a partir de reglas particulares: en vez de tener N reglas eficientes, tener una única regla eficiente para cualquier instancia del problema.

RESULTADOS PARA LA PRIMERA SOLUCIÓN, PARA 32 REINAS

Tabela: Comparação de 32 rainhas com 16 rainhas

Rainhas	Tempo de chamadas	Otimizado	Ganho	Ganho total
32	Tempo (ms)	7.527.944	2.068.017%	05:27,9
	delete	1.638.476.004	1.548.291%	
	noattack	16.137.710.867	2.747.563%	2.564.477%
	perm	2	—	
	soluções	1	—	

CONCLUSIONES

- GTO es una herramienta de aprendizaje simbólico para el paradigma de resolución de problemas de generación y prueba.
- Posee todas las características deseables de un sistema de aprendizaje: aprendizaje incremental, generalización, aumento de eficiencia de la nueva regla desarrollada, inferencia del nuevo conocimiento a través de una nueva regla simbólica.
- Meta-interpretación Prolog y generalización son medios poderosos de aprendizaje simbólico.

TRABAJOS FUTUROS:

- Generación y prueba no es útil.
- ¡Cómo que no! El algoritmo A* de optimización combinatoria, muy utilizado en Inteligencia Artificial, es un algoritmo de generación y prueba. En él se generan a partir de un nodo inicial y prueban los nodos más prometedores con una función heurística, a fin de desarrollarlos en el próximo paso del algoritmo.
- GTO genera una nueva regla más eficiente para una instancia del problema. El desafío